

## DINIC

Solo indicaremos como es encontrar un flujo saturante o bloqueante  $g$  en el network auxiliar  $NA$ . DINIC opera en el  $NA$  usando DFS, por lo tanto tendremos un camino parcial  $p$ , por el cual avanzaremos cuando podamos, retrocederemos cuando no podamos, y finalmente, si llegamos a  $t$ , aumentaremos el flujo a lo largo de ese camino. Se usaran las subrutinas AVANZAR, RETROCEDER y AUMENTAR, que son mas o menos obvias, y las escribimos luego. Estas subrutinas se colocan en un DFS. La version original de Dinic(1970) usaba, por supuesto, GOTOs:

### DINIC-version GOTO

```

g := 0
1. p := [s], x := s // Inicialización
2. IF  $\Gamma^+(x) \neq \emptyset$  THEN { AVANZAR
      IF (x ≠ t) THEN GOTO 2
      ELSE AUMENTAR, GOTO 1
    }
    ELSE IF (x ≠ s) THEN RETROCEDER GOTO 2
    ELSE RETURN(g) STOP

```

Esta version es facilmente entendible, pero para no ir contra la religion oficial, he aqui una version sin GOTOs:

### DINIC-version GOTOless

```

g := 0
STOPFLAG:=0//para saber cuando parar
WHILE (STOPFLAG=0) DO://while externo
  p := [s], x := s // Inicialización
  WHILE ((x ≠ t) AND (STOPFLAG=0)) DO://while interno
    IF  $\Gamma^+(x) \neq \emptyset$  THEN AVANZAR
    ELSE IF (x ≠ s) THEN RETROCEDER
    ELSE STOPFLAG:=1
  ENDIF
  ENDIF
  ENDWHILE//while interno
  IF (x = t) THEN AUMENTAR//puedo haber salido del while por dos razones
  ENDWHILE//while externo
  RETURN(g)

```

Finalmente, las subrutinas:

#### AVANZAR:

Tomar  $y \in \Gamma^+(x)$  // AVANZAR solo se efectua si esto no es vacio.  
 $p := p + [y]$   
 $x := y$

#### RETROCEDER:

$y :=$  predecesor de  $x$  en  $p$   
 $p := p - x$   
 borrar  $\overrightarrow{yx}$  de  $NA$   
 $x := y$

(en esta version, RETROCEDER es  $O(1)$ . En otra version en vez de borrar solo  $\overrightarrow{yx}$  se borran todos los lados incidentes con  $x$ . Esa es  $O(m)$ . Sin embargo, la complejidad final del algoritmo resulta ser la misma. Esta version es, sin embargo, mas facil de programar.)

#### AUMENTAR:

```

 $\Delta := \text{Min}\{c(\overrightarrow{uv}) - g(\overrightarrow{uv}) \mid \overrightarrow{uv} \in p\}$ 
FORALL  $\overrightarrow{uv} \in p$  DO:
   $g(\overrightarrow{uv}) := g(\overrightarrow{uv}) + \Delta$ 
  IF  $g(\overrightarrow{uv}) = c(\overrightarrow{uv})$  THEN borrar  $\overrightarrow{uv}$  de  $NA$ .

```